

Gruplama Çözüm

Öncelikle soruyu en basit haliyle çözelim: $y=0$, yani bütün noktalar tek bir satır üzerinde. $K=1$, yani tek bir grup var ve bizden istenen gruptaki uzaklık toplamı. $n \leq 1000$, yani $O(n^2)$ 'de çözebiliriz. Bu durumda çözüm, her nokta ikilisini 2 for ile gezip aradaki $|x-x_2|$ uzaklığını toplamak olur.

Şimdi yavaş yavaş kısıtlamalardan kurtulalım. Öncelikle $y=0$ 'ı ele alalım. Formül'de fark ettiğimiz üzere X eksenini ile Y eksenini birbirinden bağımsız. Yani X eksenini için yaptığımız şeyin aynısını Y eksenini için de yapıp değerleri toplayabiliriz. Bu şekilde $K=1$ ve $n \leq 1000$ için çözebilmiş oluruz.

İkinci olarak $n \leq 1000$ den kurtulmaya çalışalım. Yani $O(n)$ 'e çevirmeye çalışalım. 1. noktanın o gruptaki bütün elemanlara olan uzaklık toplamını $O(1)$ 'da bulursak çözmüş oluruz. Önceki gözlemi kullanarak tek eksen üzerinde çalışalım, yani her noktanın tek değeri olacak. Her noktayı o değerlerine göre sıralarsak, 1 noktanın kendisinden önce gelenlere olan uzaklık toplamı bütün değerlerin toplamıyla kendi değerinin değer sayısı ile çarpımının farkına eşittir. Aynısını kendisinden sonra gelenler için yapabiliriz. Yani:

[1, 3, 4, 6, 8, 10, 11] dizisinin, 9'a olan uzaklık toplamı:

- Önce gelenler: $(9-1)+(9-3)+(9-4)+(9-6)+(9-8) = 9*5 - (1+3+4+6+8) = 45-22 = 23$
- Sonra gelenler: $(10-9)+(11-9) = (11+10) - 9*2 = 21-18 = 3$

$23+3 = 26$ şeklinde bulunabilir. Aralık toplamı ise prefix sum kullanarak bulunabilir. Yani:

- Normal dizi: [1, 3, 4, 6, 8, 10, 11]
- Prefix sum dizisi: [1, 4, 8, 14, 22, 32, 43]

Dizilerini kullanarak herhangi iki aralık $O(1)$ 'da bulunabilir. Mesela normal dizideki [4, 6, 8] aralığının toplamı Prefix sum dizisinden başa ve sona karşılık gelen 22 ve 4'ü kullanarak bulunabilir.

$(4+6+8 = 18 = 22-4)$

Bu diziyi bulunan tek grup ($K=1$) için kurduğumuzda her sayı için 1'den ona kadar ve ondan sona kadar olan aralıkları sorgulayarak $O(1)$ 'da toplamı bulabiliriz.

Son olarak $K=1$ 'i kaldıralım. İkinci adımda yaptıklarımızın aynısını burdaki her grup için yapıyoruz. Bir noktanın grubunu değiştirecekken o noktanın o anki gruba katkısını ve değiştirdiğinde yeni gruba olan katkısını bulursak çözeriz. Katkısını hesaplamak içinse yeni grupta hangilerinin önce geldiğini ve hangilerinin sonra geldiğini bulmak yeterli. Elemanlar her grupta sıralı zaten. O yüzden yeni elemanın konumunu bulmak için İkili Arama (Binary Search) yöntemi kullanılabilir.

Bu şekilde herhangi bir noktanın bir gruptaki bütün noktalara olan uzaklık toplamını $O(\log n)$ 'de bulabiliriz. Bunu her noktanın olası her gruba geçme durumu için yaparsak, herhangi bir işlemin cevabın ne kadar değiştiğini, toplamda $O(n*K*\log n)$ 'de bulabiliriz. Başlangıçtaki cevabı ise yine bu fonksiyonu kullanarak, bir noktanın farklı gruplara olan uzaklığını toplayıp aynı gruba olan uzaklığını çıkartarak bulabiliriz.

Çözüm Kodu:

```
#include <bits/stdc++.h>
#define all(x) x.begin() , x.end()
#define fi first
#define se second
#define pb push_back
#define umax( x , y ) x = max( x , (y) )
#define umin( x , y ) x = min( x , (y) )
```

```
using namespace std;
```

```
typedef long long Lint;
typedef pair<int,int> ii;
const int maxn = 100020;
```

```
Lint val[maxn][102], ans, base;
vector<Lint> w[2][102];
vector<Lint> sum[2][102];
ii ar[maxn];
int g[maxn], a, b;
```

```
Lint get( int i, int j, int l, int r ) {
    l--;
    if( r < 0 ) return 0;
    if( l >= 0 ) return sum[i][j][r] - sum[i][j][l];
    return sum[i][j][r];
}
```

```
Lint find( int i, int j, Lint x ) {
    int t = lower_bound( all( w[i][j] ), x ) - w[i][j].begin();
    return get( i, j, t, w[i][j].size()-1 ) - get( i, j, 0, t-1 )
+ x * (t+t-w[i][j].size());
}
```

```

void go( int axis ) {
    for(int i=1;i<=a;i++) {
        Lint t = ar[i].fi;
        if( x ) t = ar[i].se;
        Lint own = find( axis, g[i], t );
        for(int j=1;j<=b;j++) {
            Lint changed = find( axis, j, t );
            if( g[i] == j ) base -= changed;
            else base += changed;
            val[i][j] += 2*(own-changed);
            if( axis ) umax( ans, val[i][j] );
        }
    }
}

```

```

int main() {
    scanf("%d %d",&a,&b);
    for(int i=1,x,y,t;i<=a;i++) {
        scanf("%d %d %d",&x,&y,&t);
        ar[i] = ii( x, y );
        g[i] = t;
        w[0][t].pb( j );
        w[1][t].pb( k );
    }
    for(int axis=0;axis<2;axis++)
        for(int i=1;i<=b;i++) {
            sort( all( w[axis][i] ) );
            Lint k = 0;
            for(Lint h: w[axis][i]) {
                k += h;
                sum[axis][i].pb( k );
            }
        }
    go(0);
    go(1);
    base /= 2;
    cout << base+ans << endl;
    return 0;
}

```